

## 1 Kinematika v 1D

1. Kako daleč od nas je udarila strela, če slišimo grom 4 sekunde po tem, ko vidimo blisk?
2. Lego kolesa podaja spodnja tabela. Določi približno povprečno hitrost in pospešek ob časih  $t = 3\text{ s}$  in  $t = 6\text{ s}$ .

$t[\text{s}]$	0	1	2	3	4	5	6	7
$x[\text{m}]$	0	4	11	21	35	45	53	57

3. Povprečne hitrosti kolesa na posameznih intervalih podaja spodnja tabela. Določi lege avtomobila  $x(t)$  ob posameznih časih.

$t[\text{s}]$	0	1	2	3
$v[\text{m/s}]$		1	2	3

4. ►Lego vozila v odvisnosti od časa podaja funkcija  $x(t) = At^2 - Bt^3$ , kjer je  $A = 3\text{ m/s}^2$  in  $B = 2\text{ m/s}^3$ . Določi povprečno hitrost in pospešek na intervalu  $t = [0.6, 0.8]\text{s}$  in trenutno hitrost ob  $t = 0.7\text{s}$ .
5. ◇Hitrost kolesa v odvisnosti od časa podaja funkcija  $v(t) = 2At - 3Bt^2$ , kjer je  $A = 3\text{ m/s}^2$  in  $B = 2\text{ m/s}^3$ . Določi lego kolesa  $x(t = 0.9\text{s})$ , če se na začetku kolo nahaja v izhodišču  $x(0) = 0$ .
6. Kinematika: nal. 6 ( $v = k\sqrt{t}$ )
7. Kinematika: nal. 5 (čolnu se ustavi motor)
8. Skozi okno opazimo padanje cvetličnega lončka. S katere višine je padel, če let mimo  $l = 2\text{ m}$  visokega okna traja  $\Delta t = 0.25\text{s}$ ?
9. Kinematika: nal. 12 (vodnjak)
10. Kinematika: nal. 7 (dva kamna)
11. ◇Kinematika: nal. 4 (dva avtomobila)
12. ►Vozilo pred nami vozi s hitrostjo  $v_0 = 80\text{ km/h}$ . S kolikšnim pospeškom ga moramo prehiteti, da ne pride do karambola? V trenutku, ko začnemo prehitevati, je nasproti vozeče vozilo  $s = 160\text{ m}$  daleč in vozi s hitrostjo  $80\text{ km/h}$ . Dolžina avtomobilov je  $l = 4\text{ m}$ . Zanemari čas, ki ga potrebujemo za menjavo voznega pasu.

## 2 Kinematika v 2D

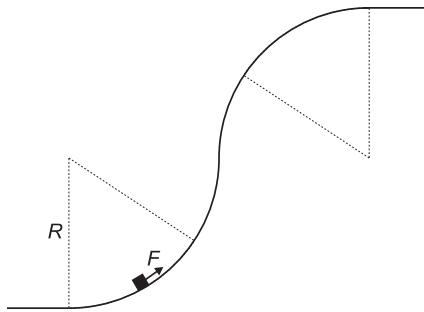
1. Streljamo na tarčo, ki visi na višini  $h$  v (vodoravni) oddaljenosti  $l$ . Pod kolikšnim kotom naj merimo, če tarča pade v trenutku, ko ustrelimo. Kakšna je smer hitrosti izstrelka tik preden zadene tarčo, če je njegova začetna hitrost  $v_0$ ?

2. **Kinematika:** nal. 25 (poševni met kamna s stolpa)
3. Pod kolikšnim kotom moramo brcniti žogo ob vznožju klanca z naklonom  $\varphi$ , da nam pade nazaj k nogi? Najprej poišči rešitev, ko se žoga vrne po enem odboju. Pod kakšnim kotom pa naj brcnemo, da se bo žoga vrnila po  $n$  odbojih?
4. Balon se dviguje s hitrostjo  $v_y = 3 \text{ m/s}$ , vodoravno hitrost pa ima  $v_x = \alpha y$  ( $\alpha = 0.5 \text{ s}^{-1}$ ), saj ga bočno zanaša veter, čigar hitrost narašča z višino. Kakšen je tir  $y(x)$  balona?
5. ►Kinematika:►nal. 31 (ravninsko gibanje:  $x \propto \cos \omega t$ ,  $y \propto \sin 2\omega t$ )
6. ◇Kolokvijske naloge: 91/92, kol. 1, nal. 2 (gibanje po elipsi)
7. **Kinematika:** nal. 19 (sučno nihalo)
8. Kroglec se giblje po krožnici polmera  $R = 1 \text{ m}$  z naraščajočo kotno hitrostjo  $\omega = k/\sqrt{\varphi}$ , kjer je  $k = 1 \text{ s}^{-1}$  dana konstanta. Določi  $a_r$ ,  $a_t$  ter kot med  $\vec{a}$  in  $\vec{v}$  po enem obhodu.
9. **Kinematika:** nal. 11 (radialni in tangentni pospešek pri krivem gibanju)
10. **Kinematika:** nal. 17 (vrtiljak)
11. ◇Kinematika: nal. 18 (enakomerno pospešeno kroženje)

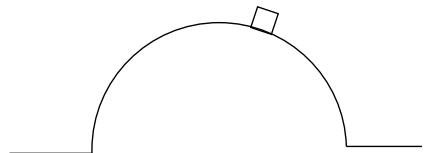
### 3 Newtonov zakon, sistemske sile, energija

1. **Newtonov zakon:** nal. 2 (dve uteži in škripci)
2. **Statika:** nal. 1 (tri uteži na klancu)
3. ►Newtonov zakon: nal. 7 (zdrs uteži na deski pri zunanji sili)
4. ◇Kolokvijske naloge: 92/93, kol. 1, nal. 2 (klada in utež)
5. **Statika:** nal. 18 (drsenje jermena po stebru)
6. ►Tarzan z maso  $m$  si pri plezanju na drevo pomaga z vrvjo: en konec si opasa, drugega pa vrže prek veje in spet prime ter začne vleči. S kolikšnima najmanjšo in največjo silo sme vleči, da bo obvisel v ravnovesju? S kolikšnim pospeškom se dviga in s kolikšnim spušča, če vleče močnejše oziroma šibkeje? Koeficient trenja med vejo in vrvjo je  $k$  in naj bo enak koeficientu lepenja.
7. ◇Kolokvijske naloge: 90/91, kol. 1, nal. 2 (čistilec oken)
8. Na mizi leži  $l$  dolga veriga tako, da  $x_0$  dolg konec visi z mize. Kako veriga zdrsne z mize? Določi hitrost verige  $v(x)$ , kjer  $x$  predstavlja dolžino dela verige, ki visi z mize. Določi  $x(t)$ . Po kolikšnem času vsa veriga zdrsne z mize? Trenje zanemari.
9. **Newtonov zakon:** nal. 15 (tovor v tovornjaku pri zavoju)

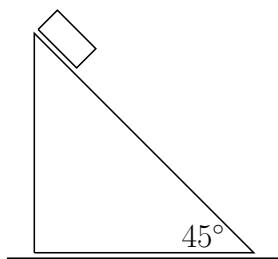
10. Z najmanj kolikšno silo moramo potiskati knjigo proti navpični steni, da ne zdrsne? Potiskamo pod kotom  $\phi$  glede na vodoravnico v smeri navzgor. Podatki:  $\phi, m, k_l$ .
11. Na klancu sta kladi z masama  $m_1 = 3\text{ kg}$  in  $m_2 = 2\text{ kg}$ . Kolikšen mora biti najmanj naklonski kot klanca, da kladi zdrsneta? S kolikšno silo pritiskata kladi druga na drugo, ko drsita po naklonu  $30^\circ$ ? Trenje med prvo (drugo) klado in podlago opisuje koeficient trenja  $k_{t1} = 0.20$  ( $k_{t2} = 0.05$ ). Lepenje med prvo (drugo) klado in podlago opisuje koeficient lepenja  $k_{l1} = 0.25$  ( $k_{l2} = 0.10$ ). (Klada 1 je nižje.)
12. Rešene kolokvijske naloge: 09/10, kol. 1, nal. 4 (klanec v obliki S)



13. Z vrha polkrožnega igluja zdrsne kocka ledu in po njem drsi brez trenja. Kje se "odlepi" od polkrožnega tira?



14. Newtonov zakon: nal. 12 (nihalo v letalu)
15. Z vrha klanca višine  $h$ , naklona  $45^\circ$  in mase  $m_2$ , spustimo klado mase  $m_1$ . Klanec ima obliko klina in brez trenja drsi po podlagi; tudi klada brez trenja drsi po klancu. Po kolikšnem času klada zdrsni do dna klanca? Za koliko se v tem času premakne klanec? Pomisli tudi na oba mejna primera:  $m_2 \gg m_1$  ter  $m_1 \gg m_2$ .



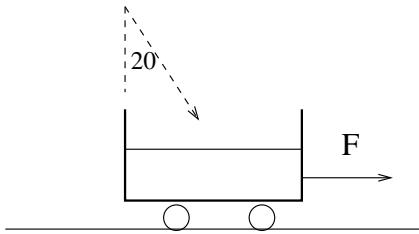
16. Newtonov zakon: nal. 10 (utež na nihajoči plošči)
17. Newtonov zakon: nal. 24 (centrifugiranje epruvete)

18. **Newtonov zakon:** nal. 23 (kroglica na vrteči palčki)
19. Po plošči polmera  $R = 2$  m, ki se vrti s stalno kotno hitrostjo  $\omega = 0.5 \text{ s}^{-1}$ , hodimo radialno navzven s hitrostjo  $v_r = 1 \text{ m/s}$ . Kolikšen mora biti najmanj koeficient lepenja, da nikjer na poti ne zdrsnemo?
20. **Newtonov zakon:** nal. 19 (Coriolis pri padcu kamna)
21. Kolokvijske naloge: 94/95, kol. 1, nal. 4 (voziček, škripec in utež)
22. **Na veliko klado** položimo manjšo klado in jo prek vrvice ter lahkega prosto vrtljivega škripca na robu velike klade povežemo s klado, ki visi tako, da se ravno dotika navpične ploskve velike klade. Mali kladi imata enaki masi  $m$ . S kolikšnim pospeškom in v katero smer se mora gibati velika klada, da bosta mali kladi mirovali glede na veliko? Koeficient lepenja med kladami je  $k$ .
23. **Na bungee elastiko** z dolžino 10 m in prožnostnim koeficientom 80 N/m privežejo človeka z maso 80 kg. Na kateri globini je njegova hitrost največja in kolikšna je? Kolikšna je največja globina, ki jo doseže?
24. **Delo in energija:** nal. 2 (moč pri dvigalu)
25. **Vlečnica** z  $N = 50$  enako težkimi smučarji speljuje s pospeškom  $a = 1 \text{ m/s}^2$ . S kolikšno močjo delujejo motorji po 1 s? Kaj pa po 2 s? Koeficient trenja med smučmi in snegom je  $k = 0.1$ , nagib klanca  $30^\circ$ , nagib vlečne vrvi pa  $70^\circ$  proti vodoravnici. Masa enega smučarja je  $m = 80 \text{ kg}$ .
26. **Vlečnica vleče** z enakomerno hitrostjo smučarja z maso  $m$  po klancu z naklonom  $30^\circ$ . Kolikšno delo opravi vlečnica na poti  $s$ ? Vlečna vrv je za  $60^\circ$  nagnjena proti horizontali. Koeficient trenja med smučmi in snegom je  $k_t$ . Določi delo: (a) iz definicije za delo; (b) iz energijskega zakona.
27. Po ledeni tleh porivamo klado mase  $m$  s hitrostjo  $v_0$ . Pri  $x = 0$  klada naleti na vzmet s koeficientom  $k$ , tako da hitrost klade pojenja kot  $v = v_0 - bx$ . Naša sila na klado je vzporedna s tlemi. Kje je naša moč, ki jo porabljamo za porivanje, največja? Trenje zanemarimo. Podatki:  $m, v_0, k, b$ .
28. **Delo in energija:** nal. 4
29. **Delo in energija:** nal. 6

## 4 Gibalna količina, energija

1. **Newtonov zakon:** nal. 35 (skok na voziček pod kotom)
2. **Newtonov zakon:** nal. 33 (izstrelek v valju)
3. **Delo in energija:** nal. 28 (vzmetna pištola na plavajoči deski)
4. **Delo in energija:** nal. 26 (matematični nihali, ki se sprimeta)

5. Na voziček pada dež s hitrostjo  $v_D = 15 \text{ m/s}$  pod kotom  $20^\circ$  glede na navpičnico. Vsako minuto se na vozičku nabere pol kilograma vode. Poleg tega spredaj vlečemo voziček s silo  $F = 0.02 \text{ N}$ . Na začetku je voziček prazen in tehta  $m_0 = 30 \text{ kg}$  ter miruje. Določi hitrost vozička v odvisnosti od časa  $v(t)$ . Kolikšna je hitrost po desetih minutah?

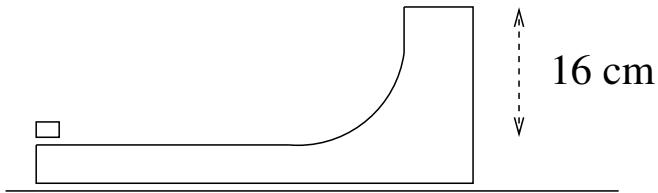


6. Na vodi miruje splav mase  $m$ . V vodoravni smeri nanj prileti utež enake mase  $m$  s hitrostjo  $v_0$ , ki se zaradi medsebojnega trenja čez nekaj časa ustavi glede na splav. Kolikšna je končna hitrost  $v_k$  obeh? Za koliko se spremeni kinetična energija? Ta sprememba je enaka delu notranjih sil. Določi delo notranjih sil še neposredno iz definicije za delo. Koeficient trenja med utežjo in splavom je  $k_t$ , splav pa drsi po vodi brez trenja.



7. **Newtonov zakon:** nal. 37 (trk v 2D, kepi se sprimeta)
8. **Newtonov zakon:** nal. 41 (vesoljec preskoči med vesoljskima ladnjama)
9. **Newtonov zakon:** nal. 48 (curek na voziček)
10. **Delo in energija:** nal. 32 (raketa v gravitacijskem polju)
11. **Kolokvijske naloge:** 93/94, kol. 1, nal. 2 (led in hrib)
12. Kolokvijske naloge: 94/95, kol. 1, nal. 3 (štiri krogle)
13. Kolokvijske naloge: 87/88, kol. 1, nal. 1 (nesreča)
14. Kolokvijske naloge: 90/91, kol. 1, nal. 1 (dva vozička in vzmet)
15. Rampa z  $M$  in z navpičnim "izletom" miruje na ravni podlagi. Na njej je disk s štirikrat manjšo maso  $m$ . V nekem trenutku se začne disk gibati v vodoravni smeri s hitrostjo  $v_0 = 2 \text{ m/s}$ . Do katere višine se bo dvignil disk, če
  - je rampa pritrjena na podlago,
  - se giblje brez trenja po podlagi?

Trenje med diskom in rampo je zanemarljivo. Višina rampe je 16 cm.



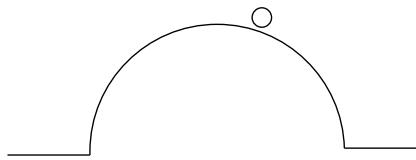
## 5 Navor, statika, vrtenje, vrtilna količina

1. Kolokvijske naloge: 95/96, kol. 1, nal. 2 (kocka ob steni)
2. Statika: nal. 6 (sila v ležaju)
3. Statika: nal. 14 (vpet valj na klancu)
4. Statika: nal. 8 (ravnoesje podprtih desk)
5. Statika: nal. 12 (motek s sukancem)

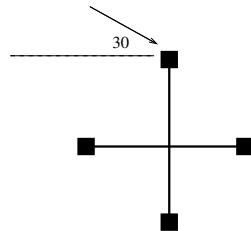
Motek ima maso  $10\text{ g}$ , od tega pol mase nosi vreteno s sukancem. Dodatna vprašanja:

- (a) Pri kateri kotih  $\phi$  je mogoče  $a = 0$  in  $\alpha \neq 0$ ? Sukanec vlečemo pod kotom  $\phi = 70^\circ$ . Kolikšna naj bo sila, da  $a = 0$ ? Kolikšen je tedaj  $\alpha$ ?
  - (b) Pri kateri kotih  $\phi$  je mogoče  $\alpha = 0$  in  $a \neq 0$ ? Sukanec vlečemo pod kotom  $\phi = 60^\circ$ . Kolikšna naj bo sila, da  $\alpha = 0$ ? Kolikšen je tedaj  $a$ ?
  - (c) Zdaj obravnavajmo primer, ko se sukanec kotali brez spodrsavanja. Določi smer in velikost  $a$  v odvisnosti od  $F$  in  $\phi$ .
6. Kroglo za bowling zalučamo s hitrostjo  $v_0 = 5\text{ m/s}$  po stezi. Kolikšno razdaljo prepotuje, preden se začne kotaliti? Koeficient trenja med podlago in kroglo je  $k = 0.3$ .
  7. ~~Dirkalni~~ Na dirkalnem avtu s pogonom na zadnji kolesi ima celotno maso  $m = 500\text{ kg}$  in 4 kolesa z maso  $m_k = 50\text{ kg}$  in  $R = 0.3\text{ m}$ .  $8/10$  teže nosita zadnji kolesi,  $2/10$  pa sprednji. Koeficient lepenja med kolesi in cesto je  $k_l = 0.7$ . Kolikšen največji pospešek lahko ta avto doseže pri speljevanju, da kolesa ne spodrsavajo? Kolikšen je navor motorja v tem primeru?
  8. ~~Dirkalni~~ Na kolatu z maso  $M$  je navit kabel z dolzino  $l$  in maso  $m$ . Po kolikšnem času se kabel odvije, če na zacetku kolut miruje in z njega visi  $x_0$  dolg del kabla? Kabel se s koluta odvija brez zdrsavanja.
  9. ~~Dirkalni~~ Na škripec s polmerom  $R$  in maso  $M$  je navita lahka vrvica. Na vrvici visi utež z maso  $m$ . S kolikšnim pospeškom pada utež, ko jo spustimo?
  10. ◊ Izrek o vrtilni količini: nal. 6 (masivni skripec z vrvico, pritrjen na strop)
  11. Izrek o vrtilni količini: nal. 4 (dve uteži in dva masivna škripca)

12. Se spomnите naloge s kocko ledu na igluju? Ista naloga s kroglico polmera  $r$ , ki se odkotali brez zdrsavanja in igluja polmera  $R$ . Pri katerem kotu se kroglica odlepi?



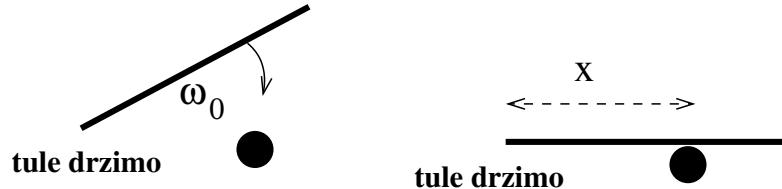
13. Tičimo na navpičnem drogu. Kaj je bolje narediti v primeru, da se drog prevrne – obsedeti na vrhu ali skočiti dol? Spodnje krajišče droga pri padanju miruje.
14. Na kateri višini moramo v vodoravni smeri suniti biljardno kroglo s polmerom  $R$ , da se odkotali brez zdrsavanja?
15. Otrok z maso  $m = 20 \text{ kg}$  priteče in skoči na vrtljak v tangentni smeri s hitrostjo  $v = 12 \text{ m/s}$ . S kolikšno kotno hitrostjo se po tem vrtita otrok in vrtljak? Vrtljak ima polmer  $R = 1 \text{ m}$  in je zvarjen iz dveh palic mase  $m_p = 3 \text{ kg}$ , mase sedežev pa so  $m_s = 2 \text{ kg}$ .



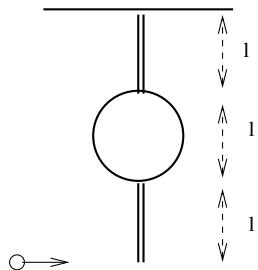
16. Palica dolžine  $l = 5 \text{ m}$  in mase  $m_p = 40 \text{ kg}$  leži na ledu. Nanjo v pravokotni smeri skoči s hitrostjo  $5 \text{ m/s}$  človek mase  $m_c = 80 \text{ kg}$  na oddaljenosti  $l/4$  od krajišča. Kakšno je gibanje palice s človekom poslej, če trenje zanemarimo?
17. Na ledu miruje  $l$  dolga deska z maso  $M$ . Vanjo v pravokotni smeri pridrsi plošček z maso  $m$  in hitrostjo  $v$  in se prožno odbije na razdalji  $b$  od konca palice. Kako se gibljetva palice in plošček po trku?
18. Delo in energija: nal. 36 (odboj dveh vrtljivih palic)
19. ► Izrek o vrtilni količini: nal. 30/31 (vrteč obroč postavimo na mirajoč obroč)
20. ◇ Kolokvijske naloge: 88/89, pop. kol. 1, nal. 1 (dva valja)
21. Kolokvijske naloge: 90/91, kol. 2, nal. 3 (udarec s kladivom)
22. S kijem za baseball, ki ga držimo na enem koncu, udarimo v steber.
- (a) Kje naj udarimo po žogici, da v roki ne čutimo sunka sile? Kij ob stebru obmiruje.

- (b) Kolikšen sunek sile čutimo v roki v odvisnosti od oddaljenosti med roko in mestom udarca, če kij zelo močno primemo in mu ne dovolimo, da bi se ob udarcu premaknil?

Kij obravnavaj v približku palice, njegovo gibanje pred udarcem pa naj bo zanesljivo.



23. Kroglica plastelina z maso  $m = 1 \text{ kg}$  in hitrostjo  $v_0 = 0.6 \text{ m/s}$  zadene nihalo ure in se nanj prilepi. Kolikšen je največji odklon nihala? Kolikšen je sunek sile v osi nihala in kam kaže? Nihalo je setavljen iz dveh palic in kroglice, vsi imajo maso  $m$  ter dolžino  $l = 10 \text{ cm}$ .

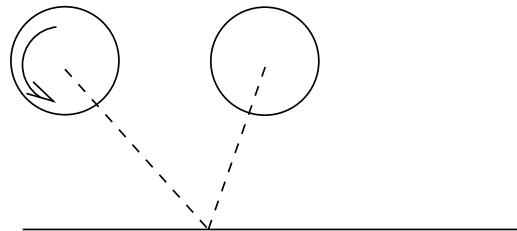


24. Prva palica dolžine 1 m miruje na ledu, druga palica dolžine 2 m in iste mase pa se giblje s hitrostjo 3 m/s. Ob srečanju krajišči palic prožno trčita. Kolikšni sta hitrost težišča in kotna hitrost prve palice po trku?

(tloris)



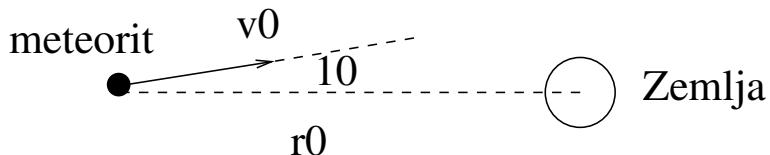
25. Teniško žogico polmera  $R = 5 \text{ cm}$  pri udarcu z loparjem "porežemo", tako da ima pred odbojem  $v_1 = 10 \text{ m/s}$ ,  $\omega_1 = 20 \text{ s}^{-1}$  ter  $\phi_1 = 45^\circ$ . Pod kolikšnim kotom  $\phi_2$  in s kolikšno hitrostjo  $v_2$  se odbije od tal, če ima po odboju  $\omega_2 = 10 \text{ s}^{-1}$ ? Privzemimo, da se navpična hitrost žogice pri odboju le obrne.



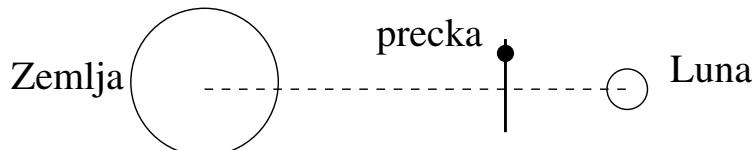
26. \*Izrek o vrtilni količini: nal. 35 (precesija obroča ali kotaljenje kovanca)

## 6 Gravitacija

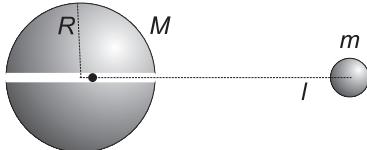
1.  $\curvearrowright$  Kako se  $g$  spreminja z višino?
2.  $\curvearrowright$  Kako dobimo  $W_p = mgz$  iz izraza za gravitacijsko potencialno energijo?
3.  $\curvearrowright$  **Newtonov zakon:** nal. 28 (gibanje dveh enakih kroglic pod vplivom medsebojne gravitacijske sile)
4. Določi radij geostacionarne orbite (satelit v taki orbiti je vedno nad isto točko zemeljskega površja).
5.  $\curvearrowright$  Določi prvo in drugo kozmično hitrost.
6. **Newtonov zakon:** nal. 30 (vesoljska postaja v obliki obroča in vesoljec)  
Kolikšna je hitrost vesoljca, ko pade skozi središče obroča?
7. **Newtonov zakon:** nal. 31 (valjasta vesoljska postaja in vesoljec)
8.  $\triangleright$  Proti Zemlji potuje meteorit in na Zemlji vlada panika. V trenutku, ko je na oddaljenosti  $r_0 = 100R_z$  ( $R_z = 6400 \text{ km}$ ), ima hitrost  $v_0 = 1 \text{ km/s}$  in smer  $\phi_0 = 10^\circ$  glede na zveznico. Do katere najmanjše razdalje se meteorit približa Zemlji?



9.  $\diamond$  Proti Soncu potuje potepuški nebesni objekt. Ko je daleč stran od Sonca, ima hitrost  $v_0 = 20 \text{ km/s}$ , smer hitrosti pa je takšna, da je razdalja med premico nosilko hitrosti in Soncem  $b$  enaka eno svetlobno minuto (impact parameter). Kolikšna bo minimalna razdalja med objektom in Soncem? Masa Sonca je  $2 \times 10^{30} \text{ kg}$ , polmer pa  $7 \times 10^8 \text{ m}$ .
10. Lahek planet se giblje po elipsi okrog zvezde z maso  $5 \times 10^{31} \text{ kg}$ . Ko je na razdalji  $r_0 = 6.3 \times 10^9 \text{ m}$  od zvezde, ima hitrost  $v_0 = 20 \text{ km/s}$ , ki z zveznico planet-zvezda oklepa kot  $60^\circ$ . Kolikšni sta maksimalna in minimalna oddaljenost planeta od zvezde?
11.  $\triangleright$  Kolikšno delo opravimo, ko telo z maso  $m$  spravimo z Zemlje na Luno? Masa Lune je 81-krat manjša od Zemljine, radij pa 3.7-krat manjši. Kolikšno najmanjšo kinetično energijo pa mora imeti hipotetični izstrelki z Zemlje, da bo dosegel Luno? Kaj, če bi na mesto, kjer sta privlačni sili Zemlje in Lune enako močni, postavili pravokotno prečko? S količno frekvenco bi zanihalo prevrtano telo na njej?



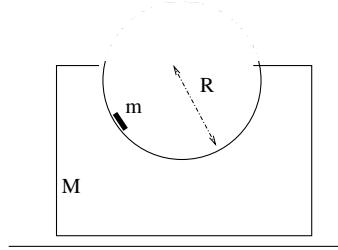
12. ◊Rešene kolokvijske naloge: 08/09, pop. kol. 1, nal. 2 (isto, le da sta generična planeta)
13. Gravitacijska sila in potencial med masivnim obročem in točkasto maso na osi obroča. S kolikšnim nihajnim časom zaniha telo, ki ga malo izmagnemo iz središča obroča v smeri osi?
14. Podobno kot prejšnji primer, le da imamo namesto obroča krožno ploščo. Sila v limiti neskončne plošče.
15. Kako se giblje jabolko, ki ga spustimo v hipotetični rov, ki poteka skozi središče Zemlje? (naj bo Zemlja homogena in zanemarimo, da se vrati)  
Razmisli, kaj se zgodi v ravnem rovu, ki ga potegnemo skozi dve poljubni točki na Zemljinem površju.
16. \*Rešene kolokvijske naloge: 08/09, kol. 2, nal. 3 (gibanje pod vplivom planeta z rovom in Lune)



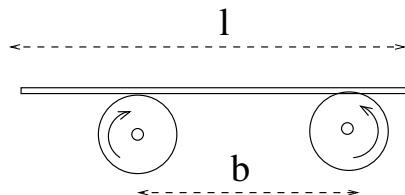
## 7 Nihanje

1. Kolokvijske naloge: 86/87, kol. 2, nal. 2 (vrteča vzmet in utež)  
Dodatno vprašanje: Določi časovni potek lege uteži, če jo ob  $t = 0$  raztegnemo do  $x = 1\text{ cm}$  in frcnemo, tako da ima tedaj hitrost  $v(0) = 10\text{ cm/s}$ . Določi silo prečke na utež v odvisnosti od časa. Določi navor, s katerim moramo vrteti okvir v odvisnosti od časa.
2. ~~Vzmet~~ Vzmet s koeficientom  $k = 1\text{ N/cm}$  ima dolžino  $l_0 = 1\text{ m}$ , ko ni raztegnjena. Vzmet obesimo na strop in na njen spodnji konec obesimo utež z maso  $m = 1\text{ kg}$ . Kakšen je nihajni čas nihanja? Kako se s časom spreminja dolžina vzmeti  $l(t)$ , če  $l(t=0) = l_0$  in  $|v(t=0)| = 1\text{ m/s}$  navzdol.  
(reševanje enačbe  $\frac{d^2x}{dt^2} + \Omega^2 x = C$  na preprostem primeru)
3. Izrek o vrtilni količini: nal. 17 (lesen valj z luknjo)
4. V polkrožni posodi polmera  $R$  se brez spodrsavanja kotali mala kroglica s polmerom  $r$ . Določi nihajni čas za majhne odmike od dna.
5. Okrogle plošče je pripeta na strop s tremi vrvmi dolžine  $l$ , tako da je ravnina plošče vodoravna. Vrvi so pritjene na obodu ( $120^\circ$  druga glede na drugo). Določi nihajni čas za sučno nihanje plošče okoli navpične osi za primer majhnih odklonov. Zapiši tudi rotacijsko, potencialno ter skupno energijo v odvisnosti od časa.

6. Določi nihajni čas za nihanje naslednjega sistema: klada drsi brez trenja po klancu, klanec pa brez trenja po podlagi.



7. Dva vzporedna vodoravna valja s polmerom  $r$  se vrtita v nasprotnih smereh z enako kotno hitrostjo. Razdalja med geometrijskima osema je  $b$  in je manjša od dolžine  $l$  deske z maso  $m$ , ki jo položimo na valja. Koeficent trenja med desko in valjema je  $k$ . S kolikšno frekvenco zaniha deska, če jo malo izmaknemo iz ravnovesja?



8. Izrek o vrtilni količini: nal. 18 (sklopljeno nihanje iz praktikuma I)  
9. Izpelji nihajni čas uteži na sredini prednapete vzemeti v prečni (transverzalni) smeri.

## 8 Hidrostatika in hidrodinamika

### 8.1 Hidrostatika

1. Hidrostatika: nal. 1 (kvadratno korito z zapornico)
2. Hidrostatika: nal. 10 (vrtljiv drog ob gladini)
3. Hidrostatika: nal. 6 (teža vode, v katero sega valj)
4. Kvader z gostoto  $\rho = \rho_{\text{voda}}/2$  in stranicami  $a = 10 \text{ cm}$ ,  $b = 20 \text{ cm}$ ,  $c = 40 \text{ cm}$ . Določi stabilne in labilne lege kvadra na vodni gladini.
5. Hidrostatika: nal. 14 (delo pri dvigu kocke iz vode)
6. Hidrostatika: nal. 19 (nagib vode v pospešenem vozilu)
7. S kolikšno frekvenco niha plutovinast zamašek (gostota  $\rho$ , presek  $S$  in dolžina  $l$ ), na katerega pri dnu pritrdimo lahko utež z maso  $m_u$  za ravnotežje?  
(Odg:  $\omega^2 = S\rho_v g / (Sl\rho + m_u)$ ).

## 8.2 Hidrodinamika, Bernoulli

1. V cevki U s presekom  $1\text{ cm}^2$  je  $20\text{ g}$  vode. S kolikšno frekvenco zaniha voda, ko v enega od krakov rahlo pihnemo?  
(Odg:  $\omega^2 = 2\rho g S/m$ )
2. Posoda s površino  $S_1 = 3\text{ cm}^2$  ima spodaj luknjo s površino  $S_2 = 1\text{ cm}^2$ . V posodo previdno nalivamo vodo z dotokom  $\phi_v = 0.1\text{ l/s}$ . Na kateri višini se ustali gladina?
3. **Hidrodinamika:** nal. 5 (Venturijeva cev)
4. ~~Oceni~~ Oceni hitrost Save, če se gladina v zastojni točki stebra trboveljskega mostu dvigne za  $20\text{ cm}$ .
5. Natega: z dna posode s površino  $S = 100\text{ cm}^2$  in višino  $h = 10\text{ cm}$  napeljemo cevko s presekom  $S' = 1\text{ cm}^2$  tako, da je spodnji konec cevke  $h = 10\text{ cm}$  pod dnem posode. V kolikšnem času po nategi izteče vsa voda iz posode?

## 8.3 Kvadratni zakon upora

1. S kolikšno hitrostjo se v morju na globini  $10\text{ m}$  dvigajo mehurji zraka, ki jih spušča potapljač, v odvisnosti od polmera mehurjev? Upoštevajte samo kvadratni zakon upora in ocenite, od katerega polmera naprej ta dovolj dobro velja. Viskoznost morske vode je  $0.001\text{ kg/ms}$ , gostota zraka v mehurjih na globini  $10\text{ m}$  je  $2.4\text{ kg/m}^3$ , koeficient kvadratnega upora za kroglo pa  $c_u = 0.4$ .
2. **Hidrodinamika:** nal. 17 (veter in jadrnica)
3. Kolesarju nasproti piha veter s hitrostjo  $v_v = 10\text{ m/s}$  (hitrost vetra merimo glede na cesto). Za ravni odsek ceste rabi dvakrat več časa kot v brezvetrju, če vozi z isto močjo. S kolikšno hitrostjo vozi kolesar?  
(Odg:  $5.5\text{ m/s}$  v vetru;  $11\text{ m/s}$  v brezvetrju).
4. ~~Hidrodinamika:~~ nal. 13 (lebdeča žoga v navpičnem curku zraka)

## 8.4 Viskoznost in linearni zakon upora

1. ~~Rešene~~ Rešene kolokvijske naloge: 08/09, kol. 2, nal. 1 (olje in tekoči trak)
2. Med svinčenim valjem ( $R = 5\text{ cm}$ ,  $h = 10\text{ cm}$ ,  $\rho = 13\,000\text{ kg/m}^3$ ), ki se vrta s kotno hitrostjo  $10\text{ s}^{-1}$ , ter mirujočim plaščem je  $d = 3\text{ mm}$  debela plast olja z viskoznostjo  $\eta = 0.5\text{ kg/ms}$ . S kolikšnim navorom in močjo vrta valj motor? V kolikšnem času se kotna hitrost valja zmanjša na polovico, ko motor ugasnemo? Računaj v približku tanke plasti olja.
3. Vodoravna cev z notranjim polmerom  $R_2$  in dolžino  $l$  je napolnjena z viskozno tekočino z viskoznosti  $\eta$ . S kolikšno silo moramo po sredini vleči valj premera  $R_1$  dolžine  $l$ , da se bo gibal z enakomerno hitrostjo  $v_0$ ? Določi tudi hitrostni profil tekočine v cevi.

4. Posoda višine  $h = 20$  cm in preseka  $S = 20 \text{ cm}^2$  je polna vode. Z dna posode vodi tanka vodoravna cev (kapilara) z dolžino  $b = 10$  cm in presekom  $S_0 = 0.2 \text{ mm}^2$ , skozi katero voda izteka. V kolikšnem času vode izteče do polovice?
5. Kolokvijske naloge: 90/91, kol. 2, nal. 4 (padanje palice v olju)
6. **Hidrodinamika:** nal. 11 (padanje kroglice v glicerinu)

## 8.5 Površinska napetost

1. Koliko dela opravimo, ko napihnemo mehurček s polmerom  $r_1$  do polmera  $r_2$ ?
2. Določi višino kapilarnega dviga vode med steklenima ploščama, oddaljenima 1 mm. Površinska napetost vode je  $\gamma = 0.07 \text{ N/m}$ , mejni kot pa je 0.
3. **Hidrostatika:** nal. 26 (oceni višino kapljice na parafinu)
4. **Določi** obliko curka vode, ki navpično izteka iz pipe. Polmer pipe je  $r_0 = 1 \text{ cm}$ , hitrost iztekanja pa je  $v_0 = 0.5 \text{ m/s}$ .

## 9 Mehansko valovanje

1. **Valovanje:** nal. 1 (gramofonska plošča)
2. Valovanje na vrvi opišemo z  $y(x, t) = a \sin(kx - \omega t - \pi/4)$ , kjer je  $a = 0.05 \text{ m}$ ,  $k = 5\pi \text{ 1/m}$  in  $\omega = 20\pi \text{ 1/s}$ . Izračunaj valovno dolžino, nihajni čas koščka vrvi ter hitrost in smer valovanja. Določi tudi hitrost in pospešek koščka vrvi v izhodišču ob  $t = 0 \text{ s}$ .
3. **Valovanje:** nal. 2 (hitrost motnje na vzmeti)
4. **Valovanje:** nal. 3 (strižno valovanje)
5. **Valovanje:** nal. 4 (motnja na žičnici)
6. Koliko časa potuje zvok med točkama na razdalji  $L = 10 \text{ cm}$ , če je v prvi točki temperatura  $20^\circ\text{C}$  v drugi pa  $120^\circ\text{C}$ , vmes pa se temperatura linearno spreminja?
7. Koliko časa potuje signal po prostu viseči vrvi dolžine  $l$ ?  
(Odg:  $t = 2\sqrt{l/g}$ )
8. **\*Rešene** kolokvijske naloge: 08/09, kol. 2, nal. 4 (voziček na struni)
9. **Valovanje:** nal. 13 (stoječe valovanje palice)  
Amplituda nihanja prostega konca je  $u_0 = 2 \mu\text{m}$ . Določi tlak  $p(x, t)$  na različnih točkah v palici. Kolikšna je amplituda nihanja tlaka v točki, kjer je palica vpeta?
10. **Valovanje:** nal. 15 (energijski spekter pri nihanju strune)

11. Kakšna je porazdelitev prožnostne in kinetične energije pri stoječem valovanju na struni?
12. Valovanje: nal. 19 (zvonec)
13. Valovanje: nal. 21 (glasnost)
14. Valovanje: nal. 23 (absorpcija)
15. Valovanje: nal. 6 (Doppler z vlaki)
16. Valovanje: nal. 9 (interferenca na vodi)

## 10 Elastomehanika in stisljivost

1. Palico na koncih pritrdimo na enako dolgi in enako debeli žici iz jekla in bakra ter ju obesimo na strop. Kam na palici moramo obesiti utež z maso  $5\text{ kg}$ , da bo palica v ravnovesju vodoravna? Raztezek zaradi lastne teže palic zanemari. Prožnostna modula sta  $E_{Cu} = 1.2 \times 10^{11}\text{ N/m}^2$ ,  $E_{jeklo} = 2 \times 10^{11}\text{ N/m}^2$ .
2. Za koliko se zaradi lastne teže raztegne  $2\text{ m}$  dolga bakrena žica preseka  $1\text{ cm}^2$ , ki je obešena na strop?  $\rho_{Cu} = 8900\text{ kg/m}^3$ ,  $E_{Cu} = 1.2 \times 10^{11}\text{ N/m}^2$ .
3. Za koliko se raztegne  $5\text{-metrska lopatica helikopterskega rotorja}$ , ki se vrta s  $500$  obrati na minuto? Lopatica je narejena iz karbonskega kompozita z Youngovim prožnostnim modulom  $E = 1.5 \times 10^{11}\text{ N/m}^2$  in gostoto  $400\text{ kg/m}^3$ .
4. Kolikšen je največji dopustni tlak v valjasti železni posodi z debelino  $d = 1\text{ mm}$  in polmerom  $5\text{ cm}$ ? Meja natezne trdnosti železa je  $\sigma = 1.4 \times 10^8\text{ N/m}^2$ .
5. Kamen na frači potegnemo za  $d = 2\text{ cm}$  in spustimo. Kolikšno hitrost ima, ko leti med krajiščema? Neraztegnjena elastika z  $E = 10^7\text{ N/m}$  ima dolžino  $l_0 = 10\text{ cm}$ , razdalja med krajiščema frače je  $l_1 = 16\text{ cm}$  in masa kamna  $10\text{ g}$ .
6. Jeklena palica je obešena za krajišče in niha. Za koliko odstotkov se spremeni nihajni čas palice, ko temperaturo povečamo za  $50\text{ }^\circ\text{C}$ ? Temperaturni koeficient dolžinskega raztezka jekla je  $10^{-5}\text{ K}^{-1}$ . Rešuj z diferencialom.
7. Toplotna: nal. 3 (bakrena in jeklena palica med stenama)
8. V hladnem poletnem jutru je voznik tovornjaka natočil  $5000\text{ litrov nafte}$  z zvrhano polno cisterno. čez dan se je ozračje segrelo za  $20\text{ }^\circ\text{C}$ . Koliko litrov goriva je zaradi raztezanja izteklo iz cistrene?  $\beta_{\text{nafta}} = 9 \times 10^{-5}\text{ K}^{-1}$ ,  $\alpha_{\text{jeklo}} = 10^{-5}\text{ K}^{-1}$ .
9. Toplotna: nal. 7 (jeklena posoda z alkoholom)
10. Toplotna: nal. 2 (žica med stebroma pod vplivom temperature)

# 11 Termodinamika

## 11.1 Idealni plin

1. **Toplotna:** nal. 11 (balon, polnjen s helijem)
2. **Toplotna:** nal. 13 (toplozračni balon)
3. **Toplotna:** nal. 15 (bat s plinom in vzmetjo)
4. **Toplotna:** nal. 17 (izčrpavanje zraka)
5. Kolokvijske naloge: 86/87, pop. kol. 2, nal. 2 (nihajni časi za nihanje bata v cilindru)
6. Izpelji spremembe  $p$ ,  $T$ ,  $\rho$  z nadmorsko višino pri izotermni in izentropni atmosferi.

## 11.2 Energijski in entropijski zakon

1. Enatomni plin He stiskamo tako, da je tlak v posodi odvisen od prostornine na naslednji način:  $p(V) = C/\sqrt{V}$  kjer je  $C = 2 \text{ bar}\sqrt{\text{l}}$ , pri čemer  $p_1 = 1 \text{ bar}$ ,  $V_1 = 4 \text{ l}$ ,  $p_2 = 2 \text{ bar}$ ,  $V_2 = 1 \text{ l}$ .  $c_v = 3R/2M$ .

Koliko dela prejme plin? Za koliko se mu spremeni  $W_n$ ? Koliko topote odda?

Za koliko se plinu spremeni specifična entropija?

2. Plin kisik  $O_2$  je zaprt v posodi z gibljivim batom:  $T_1 = 0^\circ\text{C}$ ,  $V_1 = 3 \text{ l}$ . Posoda se nahaja 10 m pod gladino jezera. Posodo počasi segrevamo, da se ji volumen poveča na  $V_2 = 4 \text{ l}$ . Koliko dela plin opravi in koliko topote smo dodali? Za koliko se spremeni entropija plinu? Pri tej temperaturi ima molekula kisika vzbujene rotacijske prostostne stopnje.
3. **Energijski in entropijski zakon:** nal. 14 (grelec v vodi)
4. **Energijski in entropijski zakon:** nal. 16 (ireverzibilne spremembe v kalorimetru)
5. Izolirani posodi z zrakom in argonom postavimo skupaj in prebijemo steno, da se plina zmešata. Posoda z zrakom ima volumen 3 litre, v njej pa je 10 g zraka pri temperaturi  $0^\circ\text{C}$ . Posoda z argonom ima volumen 5 litre, v njej pa je 20 g argona pri temperaturi  $50^\circ\text{C}$ . Kolikšna je končna temperatura mešanice? Za koliko se spremeni skupna entropija pri mešanju?  
 $M_{zr} = 29$ ,  $\kappa_{zr} = 1.4$ ;  $c_v^{zr} = 715 \text{ J/kgK}$ ,  
 $M_{Ar} = 40$ ,  $\kappa_{Ar} = 1.67$ ;  $c_v^{Ar} = 310 \text{ J/kgK}$ .
6. **Energijski in entropijski zakon:** nal. 28 (izentropno stiskanje plina)
7. **Energijski in entropijski zakon:** nal. 31 (na hitro odpremo in zapremo plastično gazirane pijače)

### 11.3 Fazne spremembe

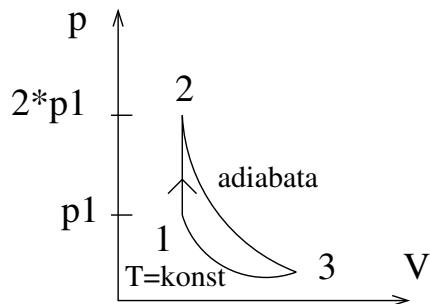
1. Energijski in entropijski zakon: nal. 41 (znižanje tališča s tlakom)
2. Energijski in entropijski zakon: nal. 42 (regelacija)
3. Pri tlaku 1 bar in  $T = 20^\circ\text{C}$  je v  $1\text{ m}^3$  vlažnega zraka 0.9 g vodne pare. Kolikšna sta delna tlaka vodne pare in zraka? Kolikšna je relativna vlažnost? Kolikšna je masa zraka? ( $q_i = 2.3 \text{ MJ/kg}$ ).

Ta vlažen zrak izotermno stisnemo. Do kolikšnega volumna ga moramo stisniti, da se začne vodna para kondenzirati v kapljice? Kolikšen je tedaj skupen tlak?

4. Toplota: nal. 23 (rosišče) nasičen parni tlak izračunaj sam s pomočjo Clausius Clapeyronove enačbe.

### 11.4 Toplotni stroji

1. Energijski in entropijski zakon: nal. 49 (izkoristek topotnega stroja)
2. ▶Energijski in entropijski zakon: nal. 51 (moč motorja v hladilniku)
3. ◊S kolikšno močjo mora delovati elektromotor v idealnem Carnotovem hladilniku, da v desetih minutah en liter vode spremeni v led? Temperatura v hladilniku je ves čas  $0^\circ\text{C}$ . Talilna toplota ledu je  $336 \text{ kJ/kg}$ , zunanjega temperaturna je  $25^\circ\text{C}$ .
4. Z 1 kg butana opravimo krožno spremembo na sliki (1-2: izohora, 2-3: adiabata, 3-1: izoterma). Temperatura v točki 1 je  $T_1 = 0^\circ\text{C}$ , velja tudi  $p_2 = 2p_1$ . Kolikšen je izkoristek stroja?  $M = 58 \text{ kg/kmol}$ ,  $c_v = 360 \text{ J/kgK}$ ,  $\kappa = 1.4$ .



5. Bencinski Ottov motor ponavlja krožno spremembo, pri kateri sta dve spremembi pri konstantnih volumnih ( $V_{\min}$ ,  $V_{\max}$ ) ter dve hitri spremembi (adiabati). V batu je delovno sredstvo s  $\kappa = 1.4$ , kompresijsko razmerje za dani motor pa je  $V_{\max}/V_{\min} = 8$ . Določi izkoristek motorja. Kolikšna je sprememba entropije po krožni spremembi?
6. S hladilnikom želimo ohladiti  $m = 10 \text{ kg}$  zraka s  $T_0 = 20^\circ\text{C}$  do vrednosti  $T_1 = -193^\circ\text{C}$ . Kako mora delovati idealni Carnotov hladilnik, da za to porabi najmanj električnega dela in koliko dela porabi v tem primeru? Toploto oddaja okolici, ki ima temperaturo  $T_0$ .  $c_p = 1 \text{ kJ/kgK}$ .

## 11.5 Kalorimetrija

1. Energijski in entropijski zakon: nal. 2 (svinčena kroglica pade na tla in odskoči)
2. Energijski in entropijski zakon: nal. 6 (segretje odbijačev pri trku vagonov)
3. Energijski in entropijski zakon: nal. 13 (dež pada na led)
4. ~~Energijski in entropijski zakon:~~ nal. 17 (peč greje sobo)
5. Energijski in entropijski zakon: nal. 20 (stiskanje vode)
6. Energijski in entropijski zakon: nal. 21 (segrevanje in stiskanje vode)
7. Energijski in entropijski zakon: nal. 22 (segrevanje ujete vode)
8. Energijski in entropijski zakon: nal. 24 (izparilna toplota alkohola)
9. Dva kilograma podhlajene vode pri  $-6^{\circ}\text{C}$  zmotimo is labilnega ravnovesja. Kaj se zgodi?

## 11.6 Prevajanje toplote

1. Energijski in entropijski zakon: nal. 54 (valjasta posoda na ledu)
2. Energijski in entropijski zakon: nal. 56 (toploto prevajanje v cilindrični simetriji)
3. Okrogel grelec z zunanjim polmerom 1 cm je objet s kroglastim plaščem, ki sega do polmera 10 cm. Moč grelca je  $1000\text{ W}$ , temperatura okolice je  $0^{\circ}\text{C}$ , toplotna prevodnost plašča je  $390\text{ W/Km}$ . Kolikšna je temperatura površine grelca?
4. Energijski in entropijski zakon: nal. 58 (nastajanje ledu na jezeru)

## 12 ~~Kinetična teorija plinov~~

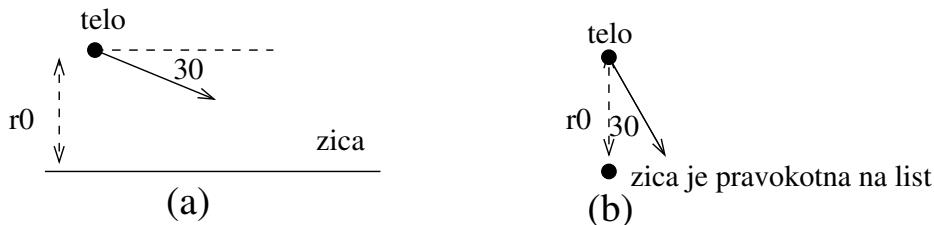
1. Določi toplotno prevodnost enoatomnega plina pri danih  $T$  in  $p$ .  
Primer: Določi toplotno prevodnost helija pri  $T = 43^{\circ}\text{C}$  in  $p = 1\text{ bar}$ . Atom helija obravnavaj kot togo kroglico z polmerom  $1\text{ \AA}$ .
2. Določi viskoznost enoatomnega plina pri danih  $T$  in  $p$ .
3. Določi gostoto toka atomov helija pri difuziji v snovi, kjer se gostota helija enakomerno spreminja (to podaja  $dn/dt$ ). Podatki:  $T$ ,  $p$ ,  $r$ .

# 13 Elektromagnetizem

## 13.1 Električno polje

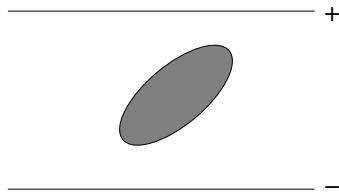
1. Električno polje: nal. 1 (vrvici in kroglici)
2. Električno polje: nal. 2 (delo pri razmiku kroglic)
3. Električno polje in potencial zunaj in znotraj enakomerno nabite krogle (vaja za Gaussov izrek, izračun potenciala iz polja)
4. V notranjosti enakomerno nabite krogle z radijem  $R$  je okrogla votlina z radijem  $R_1$  in središčem v  $a$  glede na središče krogle. Zapiši krajevno odvisnost vektorja električnega polja zunaj krogle, znotraj krogle ter v votlini (vaja za vektorski zapis, aditivnost rešitev).
5. Kolokvijske naloge: 91/92, kol. 3, nal. 2 (električna sila med nabitim žicama)
6. Kolokvijske naloge: 95/96, kol. 3, nal. 4 (električno polje na osi kondenzatorja)
7. Celica naj bo v idealiziranem primeru okrogla oblike. Njena membrana je enakomerno nabita z gostoto pozitivnega naboja  $\sigma > 0$ . Kolikšen tlak razpenja membrano zaradi električnih odbojnih sil?
8. Določi električno polje  $\vec{E}(x, y, 0)$  in gostoto površinskega naboja  $\sigma(x, y)$  na površini prevodnika, ki se nahaja
  - (a) v oddaljenosti  $d/2$  od točkastega naboja z  $e > 0$
  - (b) v oddaljenosti  $d/2$  od nabite neskončno dolge žice z  $\mu > 0$
9. Žica je pozitivno nabita z  $\mu = 10^{-6}$  As/m, točkasto telo z nabojem  $e_1 = 10^{-10}$  As pa se približuje pod kotom  $30^\circ$ :
  - (a) glede na vzporednico z žico v prerezu  $(z, r)$ ,
  - (b) glede na radij vektor v prerezu  $(x, y)$ ,

kjer je  $r_0 = 10$  cm in  $v_0 = 1$  m/s. Do katere najmanjše razdalje se telo približa žici v obeh primerih? Masa delca je  $m = 0.01$  g.



10. Elektron se približuje neskončno dolgi žici, ki je enakomerno pozitivno nabita z dolžinsko gostoto  $\mu$ . Elektron ima na razdalji  $r_0$  hitrost  $\vec{v}_0 = -v_{r0}\vec{e}_r + v_{\phi 0}\vec{e}_{\phi} + v_{z0}\vec{e}_z$ . Do katere najmanjše razdalje se elektron približa?

11. Električno polje: nal. 14 (ion vodika v krogelnem kondenzatorju)
12. Izračunaj el. potencialno energijo (vezavno energijo) na en ionski par v ravni verigi  $+1$  in  $-1$  ionov, ki so v razmiku  $2.38 \times 10^{-10}$  m. (Uporabimo potenčno vrsto za logaritem,  $\ln(1+x) = x - x^2/2 + x^3/3 - x^4/4 + \dots$ , ki konvergira na  $-1 < x \leq 1$ .)
13. Elektrone pospešujemo z napetostno razliko  $U_0 = 3$  V med katodo in anodo. Nato elektron vstopi med plošči kondenzatorja, ki sta oddaljeni  $b = 2$  mm in dolgi  $l = 1$  cm, med njima pa je napetost  $U = 0.2$  V. Pod kolikšnim kotom elektron zapusti kondenzator?
14. ►Električno polje: nal. 15 (največja napetost na koaksialnem vodniku, da ne prebije)
15. ◇Krogelni kondenzator:  
Krogle Van der Graafovega generatorja ima polmer  $R = 1$  m. Največ koliko naboja lahko nanjo nanesemo, da zrak ne začne prevajati? Koliko je takrat napetost na krogli Van der Graaffa glede na oddaljene točke (zemljo)?  $E_c = 3 \times 10^6$  V/m.
16. Prevodni krogle s polmeroma  $R$  in  $2R$  nosita obe pozitivna naboja  $e > 0$ . Koliko naboja preteče, ko ju povežemo s prevodno žico?
17. V kondenzatorju se nahaja kos kovine. Skiciraj silnice  $\vec{E}$ .



18. Električno polje: nal. 17 (kovinska plošča v kondenzatorju)
19. Električno polje: nal. 27 (lopatki v kondenzatorju)
20. Električno polje: nal. 28 (delo pri razmikanju kondenzatorja)
21. Električno polje: nal. 19 (kondenzator z dielektrikom)

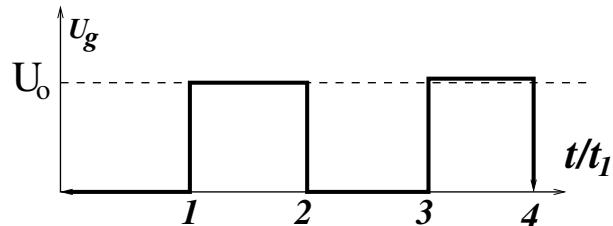
## 13.2 Električni tok

1. Električni tok in upor: 1 (tok v prisekanem stožcu)
2. Električni tok in upor: 7 (gretje v kartezični geometriji)
3. Električni tok in upor: 8 (gretje žice)
4. Električni tok in upor: 9 (tok in gretje med kroglama)
5. Električni tok in upor: 11 (žagasta napetost)

6. Električni tok in upor: 10 (električno delo)
7. Električni tok in upor: 19 (vezje s tremi generatorji)
8. Električni tok in upor: 21 (Wheatstonov most, občutljivost)
9. Električni tok in upor: 20 (vezje z dvema generatorjema)
10. Kolokvijske naloge: 88/89, kol. 3, nal. 1 (vezje z upori, generatorji in kondenzatorjem)

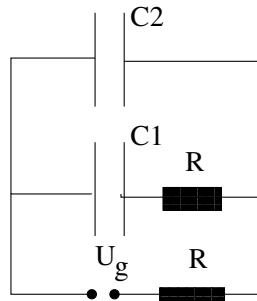
### 13.3 Prehodni pojavi z upori in kondenzatorji

1. Kondenzator s kapaciteto  $C = 50 \mu\text{F}$  polnimo prek upora  $R = 0.2 \text{ M}\Omega$  na napetosti  $U_0 = 200 \text{ V}$ .
  - (a) Po kolikšnem času je na kondenzatorju 90 % končnega naboja?
  - (b) Kolikšna energija je shranjena v kondenzatorju po času  $t_1 = RC$ ?
  - (c) Kolikšno trenutno moč troši upor ob času  $t_1 = RC$ ?
  - (d) Kolikšno je celotno delo baterije?
  - (e) Kolikšna energija je na koncu shranjena v kondenzatorju?
  - (f) Kolikšne so v celotnem času energijske izgube na uporniku?
2. Električni tok in upor: 33 (dva kondenzatorja in upor)
3. Električni tok in upor: 25 (dva nabita kondenzatorja in dve različni vezavi)
4. Električni tok in upor: 32 (polnjenje kondenzatorja, če je napetost generatorja  $U = kt$ )
5. Kondenzator  $C$ , upornik  $R$  in vir izmenične napetosti  $U_g(t)$  so vezani zaporedno ( $U_0 = 100 \text{ V}$ ,  $t_1 = RC = 10 \text{ s}$ ). Določi kakšna naj bo amplituda napetosti  $U_{c0} = U_C(t=0)$  na kondenzatorju, da bo nihanje napetosti na kondenzatorju periodično. V drugem primeru je  $U_c(t=0) = 200 \text{ V}$ . Določi  $U_c(2t_1)$  in  $U_c(4t_1)$  in razmisli, kako se napetost približuje periodičnemu spremenjanju.

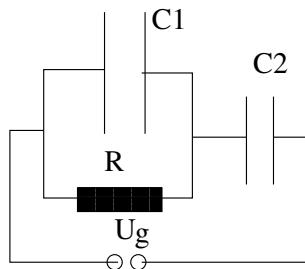


6. Neidealen kondenzator si lahko predstavljamo kot vzporedno vezana idealen kondenzator ( $C = 0.01 \mu\text{F}$ ) in upor ( $R = 1 \text{ M}\Omega$ ): neidealen kondenzator prepušča enosmerni tok preko upora  $R$ . Neidealen kondenzator priključimo na omrežno napetost  $U_g(t) = U_0 \cos \omega t$ . Določi  $I(t)$  (amplitudo in fazo) skozi tak kondenzator z reševanjem v realnem in kompleksnem. Določi tudi  $P(t)$  in  $\bar{P}$  izvora.

7. Vezje na sliki je priključeno na omrežno napetost  $U_g(t) = U_0 \sin \omega t$ . Podani so  $R$ ,  $C_1$  in  $C_2$ . Določi tok  $I_1(t)$  skozi kondenzator  $C_1$ .



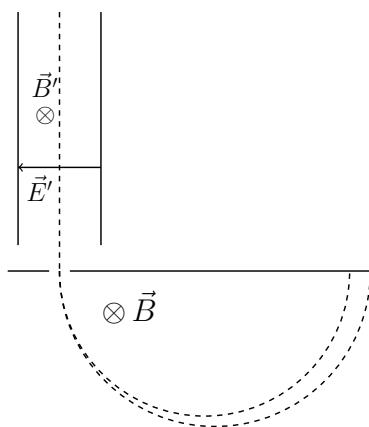
8. Vezje na sliki je priključeno na omrežno napetost  $U_g(t) = U_0 \cos \omega t$ . Podani so  $R$ ,  $C_1$  in  $C_2$ . Določi tok  $I_1(t)$  skozi upor  $R$  in napetost  $U_{c2}(t)$  na kondenzatorju  $C_2$ .



9. Električno polje: nal. 22 (V kondenzator pri konstantni napetosti potiskamo dielektrik, kolikšen je tok, a) če v krogu ni upornika in b) če je v krog vezan upornik)
10. Električno polje: nal. 34 (preboj v kondenzatorju pri izmenični napetosti)

### 13.4 Magnetna sila in navor

1. Z masnim spektrometrom bi radi ločili izotopa neona  $^{20}\text{Ne}$  in  $^{22}\text{Ne}$ . Izotopa sta enkrat ionizirana in nosita naboj  $+|e_0|$ . Koliko sta oddaljeni pegini snopov na zaslonu, če je  $B = 0.08\text{ T}$  in imata oba hitrost  $v = 10^5\text{ m/s}$ ? Kolikšno električno polje  $E'$  mora biti v kondenzatorju, če je  $B' = 0.01\text{ T}$ , da izločimo le izotope s hitrostjo  $v = 10^5\text{ m/s}$ ?



2. **Atomika:** nal. 31 (elektron v električnem in magnetnem polju)
3. **Magnetno polje:** nal. 10 (natezna sila v krožni zanki s tokom v magnetnem polju)
4. Zakaj magnetna sila privlači nasprotna pola dveh paličastih magnetov ali dveh ravnih tuljav s tokom? Modeliraj en pol paličastega magneta kot magnetni monopol in izračunaj silo na točkast dipol v polju monopola.
5. Palčko, na katero je nanizana prosto gibljiva kroglica z maso  $m$  in pozitivnim nabojem  $e$ , vrtimo s kotno hitrostjo  $\omega$  okrog pravokotne osi skozi težišče palčke. Palčka se nahaja v homogenem magnetnem polju z gostoto  $B$ , ki je vzporedno osi vrtenja. V katero smer jo je treba vrteti, da bo gibanje kroglice omejeno? Kako se v tem primeru giblje kroglica, če jo izmaknemo proč od osi? Pri katerih kotnih hitrostih vrtenja je tako gibanje mogoče?
6. **Magnetno polje:** nal. 18 (nihanje magnetnice)
7. Določi magnetno polje okrog in v notranjosti dolgega ravnega vodnika z enakomerno porazdeljenim tokom  $I$  in polmerom  $R$  z Amperovim zakonom. Določi polje zunaj še z Biot-Savartovim zakonom.
8. Po tankem traku s širino  $a = 2\text{ cm}$  teče tok  $I = 1\text{ A}$ . Kolikšno je magnetno polje  $h = 1\text{ cm}$  nad sredino traku? Kaj pa drugod?
9. Kolokvijske naloge: 89/90, kol. 3, nal. 4 (kovinska traka pod pravim kotom)
10. **Magnetno polje:** nal. 1 (magnetno polje sredi kvadratne zanke)
11. **Magnetno polje:** nal. 3 (magnetno polje rotirajočega nabitega valja)
12. **Magnetno polje:** nal. 19 (delo: mala tuljavi v veliki)
13. **Magnetno polje:** nal. 8 (sila na zanko s tokom v polju vodnika)
14. Magnetnica je v sredini  $l = 0.5\text{ m}$  dolge tuljave, ki ima  $N = 500$  ovojev. Dolga tuljava ustvarja magnetno polje v smeri od severo-vzhoda proti jugo-zahodu. Za kolikšen kot se zasuče magnetnica, ko na tuljavo priključimo enosmerni tok  $I = 0.05\text{ A}$ ? Horizontalna komponenta zemeljskega magnetnega polja je  $2 \times 10^{-5}\text{ T}$  in kaže proti severu.
15. **Magnetno polje:** nal. 5 (toroidna tuljava z jedrom, polje v ožini, reži)

### 13.5 Indukcija

1. **Indukcija:** nal. 2 (indukcija pri vrteči se palici)
2. **Indukcija:** nal. 4 (indukcija pri vrteči se palici)
3. **Indukcija:** nal. 13 (indukcija v ovoju)
4. **Indukcija:** nal. 11 (indukcija v dveh ovojih)

5. Indukcija: nal. 7 (vrtenje obroča v magnetnem polju)
6. Indukcija: nal. 15 (indukcija povroči vrtenje plosce)
7. Indukcija: nal. 17 (asinhroni motor)
8. ▶Indukcija: nal. 14 (segrevanje zanke pri  $\text{dB}/\text{dt}$  : lažja verzija)
9. ◇Indukcija: nal. 19 (segrevanje zanke pri  $\text{dB}/\text{dt}$  : težja verzija)

### 13.6 Vezave tuljave, upora in kondenzatorja; transformator

1. Določi induktivnost toroida s srednjim polmerom  $r$  in kvadratnim presekom z stranico  $a$ .
2. Indukcija: nal. 21 (upor in tuljava na enosmerni napetosti)
3. Indukcija: nal. 22 (vezje z tuljavo in upori na enosmerni napetosti)
4. (a) Če žarnico in tuljavo zaporedno vežemo na izmenično napetost spremenljive frekvence bo žarnica svetila le pri nizkih frekvencah. Določi karakteristiko  $f(\omega) = |U_{R0}(\omega)/U_0(\omega)|$ .  
 (b) Če žarnico in kondenzator zaporedno vežemo na izmenično napetost spremenljive frekvence bo žarnica svetila le pri visokih frekvencah. Določi karakteristiko  $f(\omega) = |U_{R0}(\omega)/U_0(\omega)|$ .
5. ~~Neidealna~~ Tuljava (tuljava in upornik zaporedno) na izmenični napetosti
6. Indukcija: nal. 25 (vzporedno vezana kondenzator in upor ter zaporedno vezana tuljava na izmenični napetosti)  

Podamo še amplitudo napetosti izvora  $U_0 = 100 \text{ V}$ . Določi moč izvora z uporabo kompleksnih impedanc. Ta mora biti enaka moči upora, ki jo določi z uporabo kazalčnih diagramov. Preveri, ali sta res enaki.
7. Električno nihanje in EM valovanje: nal. 5 (energija nihajnega kroga)
8. Vsiljeno nihanje električnega nihajnega kroga (tuljava, upornik, kondenzator in generator zaporedno)
9. Električno nihanje in EM valovanje: nal. 4 (nihajni krog iz tuljave in neidealnega kondenzatorja): Določi  $I_L(t)$  če  $I_L(0) = 0$ ,  $U_C(0) = 100 \text{ V}$ .

### 13.7 Transformator

1. Indukcija: nal. 28 (neobremenjeni transformator)
2. Indukcija: nal. 29 (obremenjeni transformator)

### 13.8 Premikalni tok

1. Električno nihanje in EM valovanje: nal. 7 (premikalni tok)

## 14 Elektromagnetno valovanje

### 14.1 Koaksialni vodnik

1. Izračunaj dolžinsko gostoto induktivnosti in kapacitete za koaksialni vodnik s polmerom žice  $a$  in polmerom plašča  $b$ , napolnjen z dielektrikom dielektričnosti  $\epsilon$ .
2. S kolikšno hitrostjo se po takem koaksialnem kablu prenaša signal? Izpelji valovno enačbo.
3. Kako se v koaksialnem vodniku razširja harmonični signal, če upoštevamo se električni upor žice in plašča (upor na dolžinsko enoto naj bo  $R^*$ )?
4. **Električno nihanje in EM valovanje:** nal. 13 (energijski tok po koaksialnem vodniku)
5. Koaksialni vodnik ima polmer žile  $a$ , notranji polmer plašča  $b$  in je napolnjen z dielektrikom dielektričnosti  $\epsilon$ . Na koncu koaksialnega vodnika sta žila in plašč sklenjena preko upora  $R$ . Potupoči harmonični val v desno ima znano amplitudo napetosti  $U_{10}$  in znano krožno frekvenco  $\omega$ .
  - (a) Določi amplitudo napetosti  $U_{20}$  (ter fazo) odbitega vala v levo, če je  $R = 0$  (žila in plašč sta kratko sklenjena).
  - (b) Določi  $U_{20}$ , če je  $R = \infty$  (med žilo in plaščem ni toka).
  - (c) Kolikšen naj bo  $R$ , če želimo  $U_{20} = 0$  (ni odbitega vala)?
  - (d) Za splošen  $R$  določi  $U_{20}$  in razmisli, kako to valovanje izgleda.

### 14.2 Interferenca

1. **Električno nihanje in EM valovanje:** nal. 21 (4 antene v ogliščih kvadrata)
2. **Električno nihanje in EM valovanje:** nal. 20 (3 antene s faznim zamikom)
3. **Valovna optika:** nal. 14 (poševni vpad na uklonsko mrežico)
4. **Rešene kolokvijske naloge:** 11/12, kol. 2, nal. 4 (krožnik antene iz dveh plošč pod kotom)
5. Zelena svetloba valovne dolžine 550 nm pade pod kotom  $\gamma$  ( $\sin \gamma = 1/4$ ) na 2 ozki reži v razmiku  $a = 2\lambda$ . Določi in nariši  $j(\sin \alpha)$  na oddaljenem zaslonu.  
Račun ponovi za  $M$  (recimo  $M = 5$ ) rež in spet nariši uklonsko sliko.
6. **Valovna optika:** nal. 2 (madež olja na vodi v beli svetlobi)
7. **Valovna optika:** nal. 7 (Michelsonov interferometer)

### **14.3 Geometrijska optika**

1. Geometrijska optika: nal. 1 (planparalelna ploščica)
2. Geometrijska optika: nal. 2 (totalni odboj)
3. Geometrijska optika: nal. 3 (za koliko prizma razkloni bližnje valovne dolžine)
4. Geometrijska optika: nal. 4 (konkavno zrcalo)
5. Geometrijska optika: nal. 5 (posodica)
6. Geometrijska optika: nal. 7 (goriščna razdalja leče)
7. Geometrijska optika: nal. 11 (sestavljeni leči)
8. Geometrijska optika: nal. 12 (teleobjektiv)
9. ~~Geometrijska optika:~~ nal. 13 (razmazanost)
10. Geometrijska optika: nal. 14 (globinska ostrina)
11. Geometrijska optika: nal. 16 (daljnogled)
12. Geometrijska optika: nal. 17 (zenica)
13. Geometrijska optika: nal. 19 (mikroskop)

### **14.4 Stefanov zakon, fotometrija**

1. Pri kateri valovni dolžini Sonce najbolj seva?
2. Kolikšna je temperatura, do katere se segreje bel list (albedo je 0.9) v vesolju (na razdalji  $150 \times 10^6$  km od Sonca - toliko kot Zemlja)?  $j = 1.4 \text{ kW/m}^2$
3. Kolikšna je največja temperatura, do katere lahko segrejemo črno telo z zbiralno lečo ob jasnu dnevju?
4. ~~Kolikšna je osvetljenost, svetlost in svetilnost lista A4 ob 12 h in ob 15 h na Ekvatorju ob enakonočju? Gostota energijskega toka pri Zemlji je  $1.4 \text{ kW/m}^2$ .~~
5. ~~Fotometrija:~~ nal. 1 (osvetljenost)